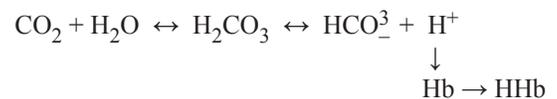




BIOLOGIA

01. a) O nível trófico de menor quantidade de energia química disponível é o último, ocupado pela espécie *Pisaster ochraceus* na teia fornecida. Isso ocorre porque parte da energia química obtida por um nível trófico é consumida por ele próprio, outra parte, perdida na forma de calor, além das perdas na transferência; de forma que somente uma fração da energia conseguida é transferida para o nível seguinte.
- b) A retirada da espécie de estrela-do-mar *Pisaster ochraceus*, permitiu o crescimento da população de *Mytilus californianus* que, por sua vez, compete fortemente com as demais espécies. Como era a espécie dominante, o crescimento dessa população resultou em forte limitação dos recursos disponíveis para as demais espécies competidoras.
02. a) Os estômatos são encontrados na epiderme foliar. Fatores como disponibilidade de água, intensidade luminosa e ainda temperatura e concentração de gás carbônico.
- b) O ABA ativa a perda rápida de potássio pelas células estomáticas provocando rápida redução da pressão osmótica. Conseqüentemente, essas células perdem água, reduzem a turgescência e assim, os ostíolos se fecham.
03. a) Uma vantagem do sistema para as bactérias é a eliminação de moléculas de DNA viral que se combinam com o DNA bacteriano dificultando assim a replicação viral em seu interior. A sequência de bases complementares do RNA-guia será GGGUAUCCCC.
- b) O sistema elimina trechos de moléculas de DNA que podem inativar os genes de diferentes formas. Por exemplo, eliminando códons de iniciação, ou alterando a estrutura primária das proteínas traduzidas pelo gene manipulado causando a produção de uma forma inativa dessa proteína.

04. a) A elevação de temperatura corporal durante um exercício físico prolongado como a maratona ocorre em consequência do aumento da taxa de respiração celular principalmente nos músculos esqueléticos. Nesse processo a oxidação de moléculas orgânicas leva à liberação de energia química e térmica. O aumento de temperatura reduz a afinidade das moléculas de hemoglobina por oxigênio o que facilita sua difusão das hemácias para as células musculares.
- b) A redução do pH das hemácias resulta da reação entre o gás carbônico proveniente da respiração celular e água formando ácido carbônico. Este, por sua vez, se ioniza liberando prótons de hidrogênio que se combinam, em parte com moléculas de hemoglobina.

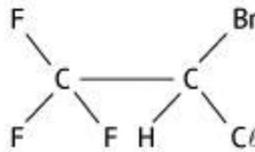


O aumento da frequência respiratória durante o exercício acelera a eliminação de CO_2 da corrente sanguínea evitando alterações importantes de pH. Além disso, existem outros processos de tamponamento que colaboram para controlar a variação de pH do plasma sanguíneo.

10. a) C_2HF_3ClBr massa molar do halotano – 197,5 g/mol

$$\begin{aligned} 197,5 \text{ g} & \text{--- } 100\% \\ 57 \text{ g} & \text{--- } X \rightarrow X = 28,86\% \end{aligned}$$

b)



Não há isomeria geométrica, pois a cadeia é aberta e não há dupla ligação entre os carbonos, o que poderia propiciar este tipo de isomeria.

Há isomeria óptica, pois o segundo carbono da cadeia é assimétrico, ou seja, está ligado a quatro ligantes diferentes entre si.

11. a) A frequência de rotação é definida como o número de voltas (N) dadas no intervalo de tempo (Δt). Sendo assim:

$$f = \frac{N}{\Delta t}$$

$$4 = \frac{12}{\Delta t}$$

$$\Delta t = 3s$$

Sendo o movimento do avião uniforme (neste intervalo de tempo), a distância percorrida pelo mesmo é dada por:

$$V = \frac{\Delta S}{\Delta t}$$

$$2 = \frac{d}{3}$$

$$d = 6m$$

R: A distância percorrida pelo avião após decorridos 12 voltas completas da hélice foi de 6m.

b) A velocidade linear de um movimento circular uniforme é dada por:

$$v = 2 \cdot \pi \cdot R \cdot f$$

$$v = 2 \cdot 3 \cdot 1 \cdot 4$$

$$v = 24m/s$$

O exercício solicita o módulo da velocidade instantânea (V_i). Logo deve-se aplicar o teorema de Pitágoras, utilizando a velocidade de translação (V) do avião e a velocidade linear (v) do movimento de rotação, já que são ortogonais. Portanto:

$$V_i^2 = V^2 + v^2$$

$$V_i^2 = 2^2 + 24^2$$

$$V_i \approx 24,1m/s$$

R: O módulo da velocidade instantânea é de aproximadamente 24,1m/s.

12. a) Sendo o sistema isolado, utiliza-se o Princípio da Conservação da Quantidade de Movimento, mostrado abaixo:

$$\vec{Q}_{inicial} = \vec{Q}_{final}$$

$$m_P \cdot v_P = m_P \cdot v_P' + M \cdot v$$

$$20 \times 10^{-3} \cdot 500 = 20 \times 10^{-3} \cdot 80 + 100 \cdot v$$

$$v = 8,4 \times 10^{-2} \text{ m/s}$$

R: O módulo da velocidade v é de $8,4 \times 10^{-2} \text{ m/s}$.

b) Do teorema da energia cinética (TEC), vem:

$$\tau = \Delta E_c$$

$$\tau = m \cdot \frac{v^2}{2} - m \cdot \frac{v_0^2}{2}$$

$$\tau = 20 \times 10^{-3} \cdot \frac{80^2}{2} - 20 \times 10^{-3} \cdot \frac{500^2}{2}$$

$$\tau = -2436 \text{ J}$$

R: O trabalho realizado pela resultante das forças foi de -2436 J , sendo o mesmo resistente.

13. a) Utilizando a Lei Geral dos Gases ideais:

$$\frac{p_A \cdot V_A}{T_A} = \frac{p_B \cdot V_B}{T_B}$$

$$\frac{2 \times 10^5 \cdot 2 \times 10^{-3}}{T_A} = \frac{5 \times 10^5 \cdot 6 \times 10^{-3}}{T_B}$$

$$\frac{T_B}{T_A} = 7,5$$

R: A razão T_B/T_A vale 7,5.

b) Utilizando o primeiro princípio da termodinâmica, $\Delta U = Q - \tau$ e sendo os pontos inicial e final os mesmos, a variação da energia interna ΔU será a mesma. Logo:

$$Q_1 - \tau_{ACDEB} = Q_2 - \tau_{AFB}$$

$$Q_1 - Q_2 = \tau_{ACDEB} - \tau_{AFB}$$

O trabalho é numericamente igual à área do diagrama $p \times V$ e a diferença entre τ_{ACDEB} e τ_{AFB} é a área interna da figura (dividiremos em um trapézio e um retângulo). Logo:

$$Q_1 - Q_2 = \frac{(1 \times 10^5 + 2 \times 10^5) \cdot 2 \times 10^{-3}}{2} + (3 \times 10^5 \cdot 2 \times 10^{-3})$$

$$Q_1 - Q_2 = 900 \text{ J}$$

R: A diferença entre Q_1 e Q_2 vale 900 J .

14.a) Utilizando a equação do índice de refração absoluto, tem-se

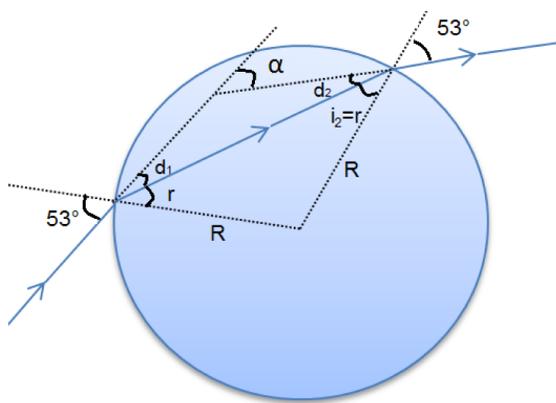
$$n = \frac{c}{v}$$

$$1,6 = \frac{3 \times 10^8}{v}$$

$$v = 1,875 \times 10^8 \text{ m/s}$$

R: A velocidade escalar do feixe luminoso no interior do cilindro é de $1,875 \times 10^8 \text{ m/s}$.

b)



Utilizando a Lei de Snell:

$$n_1 \cdot \text{sen } i = n_2 \cdot \text{sen } r$$

$$1 \cdot \text{sen } 53^\circ = 1,6 \cdot \text{sen } r$$

$$1 \cdot 0,8 = 1,6 \cdot \text{sen } r$$

$$\text{sen } r = 0,5$$

$$r = 30^\circ$$

O primeiro desvio d_1 é dado por:

$$d_1 = 53^\circ - 30^\circ = 23^\circ$$

O raio de luz incidirá com $i_2 = r$, já que o triângulo da figura é isósceles (possui dois lados de valor R). Logo o raio de luz emergirá com um ângulo de 53° com a normal na segunda face do cilindro. Portanto o desvio d_2 será:

$$d_2 = 53^\circ - 30^\circ = 23^\circ$$

O ângulo α é externo (soma dos internos não adjacentes) e será a soma de d_1 com d_2 .

$$\alpha = d_1 + d_2 = 23^\circ + 23^\circ$$

$$\alpha = 46^\circ$$

R: O desvio angular α sofrido pelo raio de luz foi de 46° .

15. a) O resistor equivalente em paralelo, quando a chave está na posição A vale:

$$R_{eq} = R/2$$

A potência dissipada com a chave em A será:

$$P_A = \frac{U^2}{R/2}$$

A potência dissipada com a chave em B será:

$$P_B = \frac{U^2}{R}$$

Dividindo as equações acima:

$$\frac{P_A}{P_B} = \frac{\frac{U^2}{R/2}}{\frac{U^2}{R}}$$

$$\frac{P_A}{P_B} = 2$$

R: A relação entre P_A e P_B vale 2.

b) Utilizando a equação fundamental da calorimetria ($Q = m \cdot c \cdot \Delta T$), a equação da potência elétrica ($E = P \cdot \Delta t$) e a equação da densidade ($d = \frac{m}{V}$), tem-se:

$$P_A \cdot \Delta t = m \cdot c \cdot \Delta T$$

$$\frac{U^2}{R/2} \cdot \Delta t = d \cdot V \cdot c \cdot \Delta T$$

$$\frac{120^2}{R/2} \cdot 10.60 = 1.4 \cdot 4 \times 10^3 \cdot (80 - 20)$$

$$R = 18\Omega$$

R: O valor da resistência R é de 18Ω .

MATEMÁTICA

16. a) O gasto calórico de Turíbio é dado por:

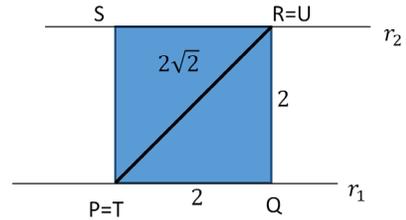
$$\text{Velocidade} \left(\frac{\text{km}}{\text{h}} \right) \cdot \text{massa (kg)} = 8 \frac{\text{km}}{\text{h}} \cdot 72 \text{ kg} = 576 \text{ cal/hora.}$$

Como Turíbio praticou apenas 25 min de corrida, então seu gasto diário foi de: $576 \frac{\text{cal}}{\text{h}} \cdot \frac{25}{60} \text{ h} = 240 \text{ cal}$

b) O consumo de oxigênio em litros em uma hora é de acordo com o enunciado dado por: $0,0035 \cdot 60 \cdot m \cdot v$.

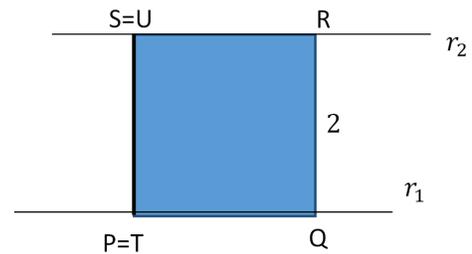
$$\text{Logo, a constante } \frac{c}{m \cdot v} = \frac{0,0035 \cdot 60 \cdot m \cdot v}{m \cdot v} = 0,21 \frac{\ell \text{ h}}{\text{km} \cdot \text{kg}}$$

17. a) Para $\alpha = 45^\circ$, temos a figura:



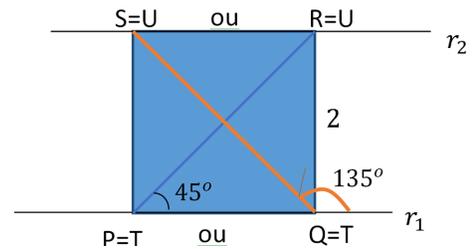
Logo, $TU = 2\sqrt{2}$ (diagonal do quadrado de lado 2).

Para $\alpha = 90^\circ$, temos que $TU \parallel RQ$. Logo, $TU = 2$



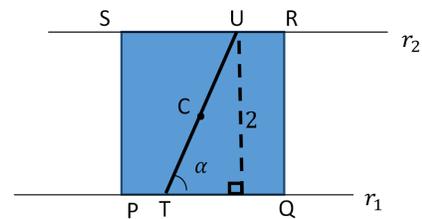
b) Se $P = T$ então $\alpha = 45^\circ$ e se $P = Q$ então $\alpha = 135^\circ$,

logo o domínio da função é $D_f = \left[\frac{\pi}{4}, \frac{3\pi}{4} \right]$



Se $y = TU$, temos $\text{sen } \alpha = \frac{2}{y} \Rightarrow y = \frac{2}{\text{sen } \alpha}$,

$$\alpha \in \left[\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{2} \right]$$



Se $\alpha \in \left[\frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{4} \right]$, por simetria

$$\text{sen}(\pi - \alpha) = \frac{y}{2} \Rightarrow y = \frac{2}{\text{sen}(\pi - \alpha)}$$

Como para $\alpha = \frac{\pi}{2}$, $y = \frac{2}{\text{sen} \frac{\pi}{2}} = 2$

Logo, $y = \frac{2}{\text{sen } \alpha}$ para todo $\alpha \in D_f$



18. a) A probabilidade de Sofia ser reprovada é a probabilidade de ela errar as duas questões, ou seja,

$$P(R) = \frac{8}{10} \cdot \frac{7}{9} = \frac{28}{45}$$

A probabilidade de Sofia ser aprovada com ressalvas é a probabilidade de ela errar uma e acertar uma, ou seja,

$$P(AR) = \frac{2}{10} \cdot \frac{8}{9} + \frac{8}{10} \cdot \frac{2}{9} = \frac{16}{45}$$

A probabilidade de Sofia ser aprovada é de ela acertar as duas questões, ou seja, $P(A) = \frac{2}{10} \cdot \frac{1}{9} = \frac{1}{45}$.

b) A probabilidade de Sofia ser aprovada na avaliação 1 é $\frac{16}{45} + \frac{1}{45} = \frac{17}{45}$.

A probabilidade de Sofia ser aprovada na avaliação 2 é a probabilidade de ela acertar 2 das três questões (uma vez que ela não seria capaz de acertar as 3 questões),

$$\text{ou seja, } \frac{2}{10} \cdot \frac{1}{9} \cdot \frac{8}{8} \cdot P_{3,2} = \frac{3}{45}$$

Como $\frac{3}{45} < \frac{17}{45}$, a chance de ela ser aprovada é maior na avaliação 1.

19. a) Chamaremos a aresta de cada um dos cubos de a . Assim, temos:

$$a^2 + (3a)^2 + (2a)^2 = (2\sqrt{7})^2 \Rightarrow a = \sqrt{7} \text{ cm}$$

$$\text{O volume do sólido é } 24a^3 = 24(\sqrt{7})^3 = 48\sqrt{2} \text{ cm}^3$$

b) Se cada aresta mede 2cm, temos :

$$CD = \sqrt{8^2 + 10^2 + 14^2} = \sqrt{360} = 6\sqrt{10} \text{ cm}$$

20. a) Observamos um erro nos dados da questão: $256^3 = 16777216$ e não $256^3 = 1677721600$, como diz o enunciado.

Com a devida correção, teremos

$$256^3 \cdot 100 = 100 \cdot 2^{x/3} \Rightarrow (2^8)^3 = 2^{x/3} \Rightarrow x = 72$$

b) Temos:

$$100 \cdot 2^{48/3} = 100 \cdot 2^{45/3} = 100 \cdot 2^k \Rightarrow 2^{16} - 2^{15} = 2^k \Rightarrow k = 15$$